

■ エネルギー等分配則の拡張

- ・運動の自由度が並進運動以外でもエネルギー等分配則は成り立つ

多原子分子の回転のエネルギー, ... ⇒ 後述

■ エネルギーの換算

	1 K	1 eV	1 J
1 K	1	0.861×10^{-4}	$1.381 \times 10^{-23}(k_B)$
1 eV	11614	1	$1.602 \times 10^{-19}(e)$
1 J/mol	0.1203	1.036×10^{-4}	$1.661 \times 10^{-24}(1/N_A)$

$$J \Leftrightarrow kT \quad J \Leftrightarrow eV$$

第II章 熱力学第一法則

3. 熱力学第一法則の表現

■ 熱力学第一法則:

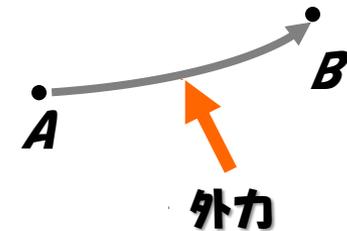


■ 系のエネルギー 力学的エネルギー:

・外力 = 0

・外力 \neq 0

(11)



:系が外界に対して行う仕事
:外界が系に対して行う仕事

(11)

■ もし、分子間に相互作用があり、どのような相互作用か知らない場合

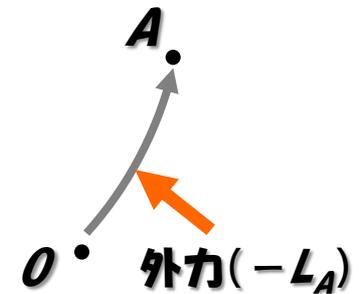


状態0(基準状態):

(12)

(11) →

(13)



■ (13)の定義式から(11)を導く

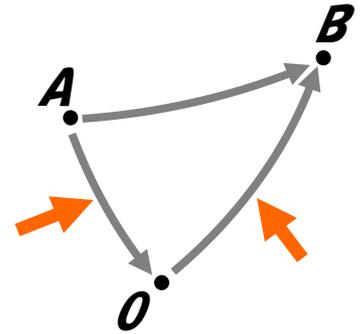
$$\cdot A \rightarrow B : \quad (11)$$

$$\cdot A \rightarrow O \rightarrow B :$$

外界からの全仕事:

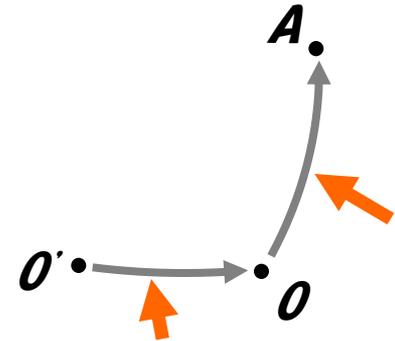
$$\rightarrow (11)$$

←(13)



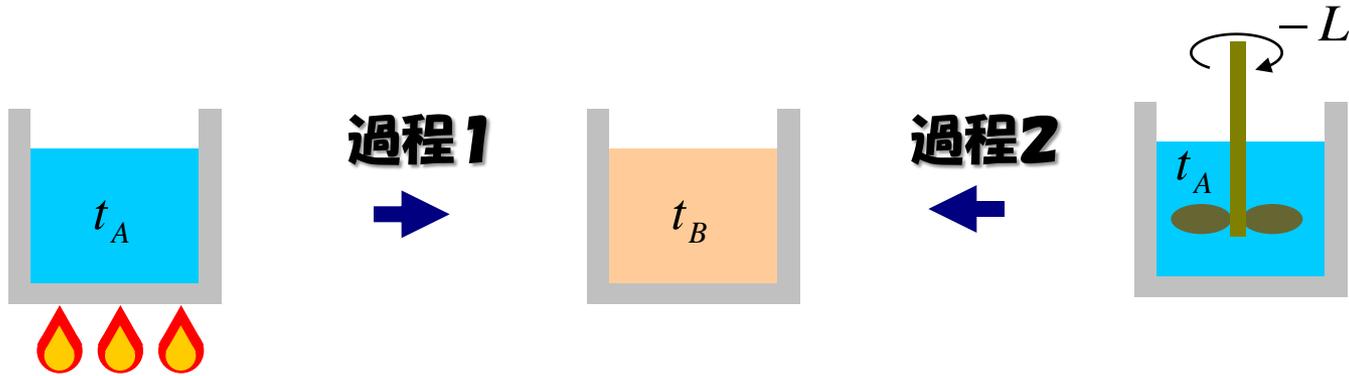
■ エネルギーの定義式(13)の任意性

・別の基準状態 O' を採用した場合

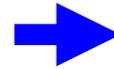


■ 熱と仕事の同等性

ある量の水から成る系: 状態A(温度 t_A) \rightarrow 状態B(温度 t_B)



■ 過程1:



■ 過程2:

■ 熱の出入りが無い場合

(14)

■ 熱の出入りがある場合

(15)

■ 循環過程(サイクル)の場合

(16)

(19)

4. 状態が (V, P) 図上に表わされる系に対する第一法則の適用

■ 熱力学第一法則

(20)

(21)

■ T, V を独立変数



(22)

■ T, p を独立変数



(23)

■ V, p を独立変数



(24)

■ **熱容量： 物質を単位温度上昇させるのに必要な熱量**

定積熱容量：

定圧熱容量：

■ **モル比熱： 単位モルあたりの熱容量**
(比熱： 単位質量あたりの熱容量)

定積モル比熱 C_V ：

定圧モル比熱 C_p ：

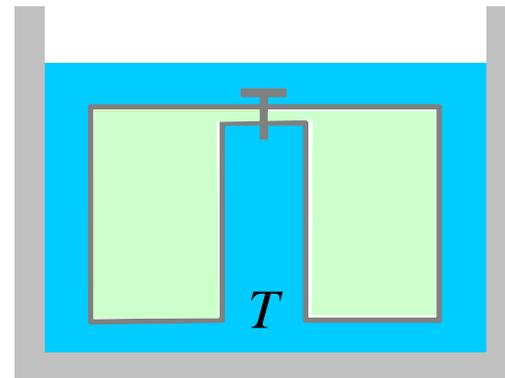
(25)

(26)

5. 第一法則の気体に対する適用

■ ジュールの実験

温度計の値はコックの開閉の前後で同じ



(27)



■ エネルギーの関数形

(28)

(29)

絶対零度での系のエネルギーをゼロとすると ($W=0$) →

■ 定積モル比熱, 定圧モル比熱の関係

(30) ← (21)式より

状態方程式(7)を微分すると

(31)

(32)

(33)

式(26), (29), (7)より

$$U = C_v T + W \quad pV = RT$$



■ 単原子分子と2原子分子の場合

(単原子分子気体) (34)

(二原子分子気体)

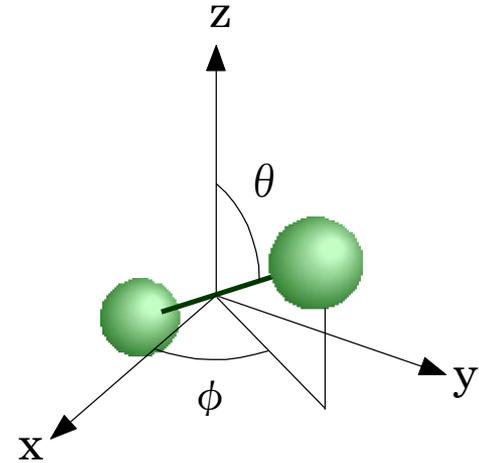
(単原子分子気体) (35)

(二原子分子気体)

(36)

(単原子分子気体) (37)

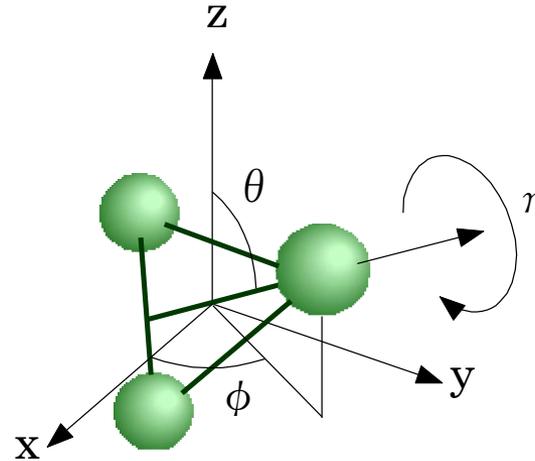
(二原子分子気体)



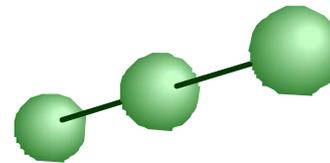
2原子分子の自由度:5

■ 3原子分子以上の場合

運動の自由度: x, y, z , 回転の自由度3



3原子分子の自由度:6



運動の自由度:5

6. 気体の断熱過程

$$C_V dT + p dV = 0$$

$$C_V dT + \frac{RT}{V} dV = 0$$

(38) ← **(36)**

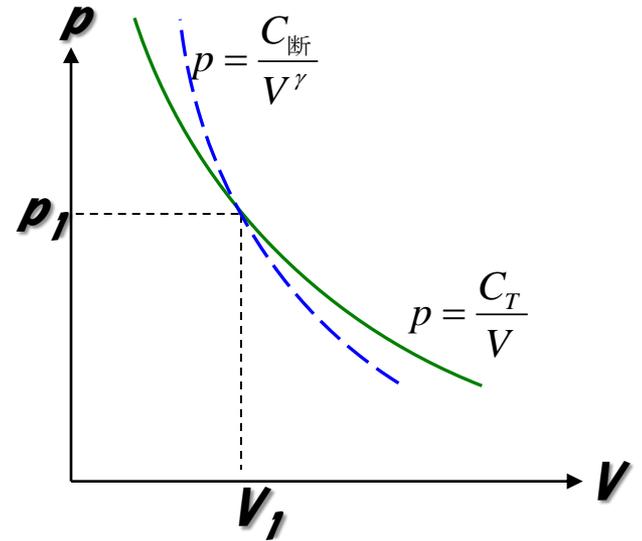
(39) ポアソンの法則

(40) ←

$$pV^\gamma = \text{const} \text{ (断熱)} \quad \longleftrightarrow \quad pV = \text{const} \text{ (等温)}$$

■ 交点での pV 曲線の傾き

$$\left| \left(\frac{\partial p}{\partial V} \right)_{\text{断熱}, V_1} \right| / \left| \left(\frac{\partial p}{\partial V} \right)_{T, V_1} \right| = \left(\gamma \frac{C_{\text{断}}}{V_1^{\gamma+1}} \right) / \left(\frac{C_T}{V_1^2} \right) = \gamma \frac{C_{\text{断}}}{C_T} V_1^{1-\gamma}$$



交点では断熱過程の pV 曲線の傾きの絶対値は等温過程の傾きの絶対値より、必ず大きくなる。

■ 断熱膨張の応用—大気の温度が海面からの高さによって、どのように変わるか？

ρ :

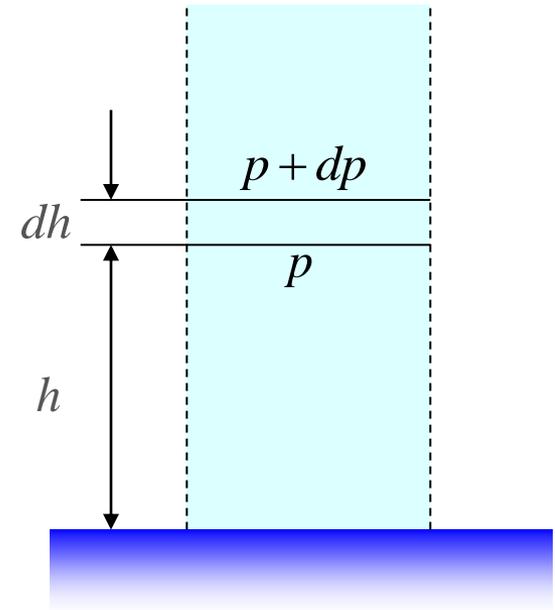
g :

空気の受ける上向きの圧力

空気の受ける重力

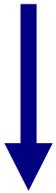
(41)

← (8)



式(40)より

(42)



$$\begin{aligned}\gamma &= 7/5 \\ g &= 9.807 \text{ m/s}^2 \\ M &= 28.88 \\ R &= 8.315 \text{ J/(mol}\cdot\text{K)}\end{aligned}$$

空気は断熱膨張のため、1km上昇すると9.7℃温度が下がる。